

Решение варианта № 1

2

1 $1000 : 80 = 12\frac{1}{2}.$

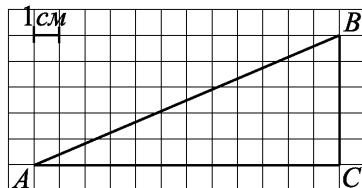
То есть Никита может подарить 12 тюльпанов, но ему нужно нечётное число цветов, одиннадцать.

Ответ: 11.

2 Среди столбиков, соответствующих числам с 14 по 21 декабря, наиболее низкой отметки достигает столбик, соответствующий 16 числу. Он достигает отметки -9°C .

Ответ: -9 .

3 Длину отрезка AB найдём из прямоугольного треугольника ABC , $AC = 12$, $BC = 5$ (см. рис.).



Из $\triangle ABC$, $\angle ACB = 90^{\circ}$.

$$AB^2 = AC^2 + BC^2 = 12^2 + 5^2, AB^2 = 169, AB = 13.$$

Ответ: 13.

4 Частота события «гарантийный ремонт» равна 0,053. Таким образом, частота события «гарантийный ремонт» от его вероятности в этом городе отличается на $0,053 - 0,051 = 0,002$.

Ответ: 0,002.

5 Согласно определению логарифма $x - 7 > 0$ и $x - 7 \neq 1$, тогда $x > 7$ и $x \neq 8$.

Так как $2 = \log_{x-7}(x-7)^2$ при $x > 7$ и $x \neq 8$, то получаем уравнение $\log_{x-7} 81 = \log_{x-7}(x-7)^2$.

Решение варианта № 1

Поэтому $(x-7)^2 = 81$, $x-7 = \pm 9$, $x_1 = 16$, $x_2 = -2$.

$x_2 = -2$ решением не является, так как $x > 7$.

Ответ: 16.

6 $S_{ABC} = \frac{1}{2} \cdot AC \cdot BC \cdot \sin 30^{\circ}$. По условию $S = 56,25$, $AC = BC$, значит,

$$56,25 = \frac{1}{2} AC^2 \cdot \frac{1}{2}, AC^2 = 225, AC = 15.$$

Ответ: 15.

7 Для отыскания точек максимума функции $y = f(x)$ на графике функции $y = f'(x)$ ищем точки, в которых производная меняет знак с “+” на “-”. Таких точек на отрезке $[-6; 10]$ две.

Ответ: 2.

8 Объём воды в цилиндре равен $V = S_{\text{осн}} \cdot h$, где $S_{\text{осн}}$ — площадь основания цилиндра, h — высота воды в цилиндре. По условию радиус основания цилиндра уменьшили в 3 раза, значит площадь основания уменьшилась в 3^2 раз, то есть в 9 раз, следовательно уровень воды увеличится в 9 раз и будет равен $36 \cdot 9 = 324$ (см).

Ответ: 324.

9
$$\frac{\sqrt{p}}{\sqrt{p^3} \cdot \sqrt[6]{p}} = \frac{p^{\frac{1}{2}}}{p^{\frac{3}{2}} \cdot p^{\frac{1}{6}}} = \frac{1}{p^{\frac{3}{2} + \frac{1}{6} - \frac{1}{2}}} = \frac{1}{p^{\frac{7}{6}}}.$$

$$\text{При } p = \frac{1}{64} \quad \frac{1}{\left(\frac{1}{64}\right)^{\frac{7}{6}}} = \frac{1}{\left(\frac{1}{2}\right)^{6 \cdot \frac{7}{6}}} = 2^7 = 128.$$

Ответ: 128.